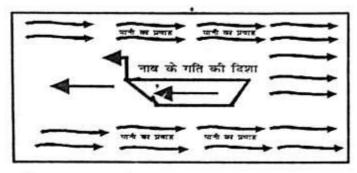
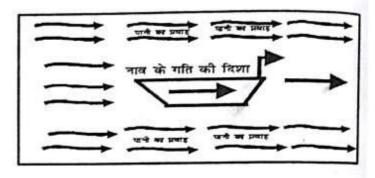
नाव और धारा

महत्वपूर्ण सूत्र

धारा के प्रतिकूल/विपरीत

धारा के अनुकूल





जहाँ.

Sb = शांत जल में नाव की गति

S. = धारा का वेग/ गति

u= धारा के/प्रतिकुल गति

x = धारा के अनुकूल गति

महत्वपूण सूत्र:-

(i)
$$S_b = \frac{1}{2}(x+y)$$
 (ii) $S_c = \frac{1}{2}(x-y)$ (iii) $x = S_b + S_c$ (iv) $y = S_b - S_c$

(ii)
$$S_c = \frac{1}{2}(x - y)$$

(iii)
$$x = S_b + S_c$$

(iv)
$$y = S_b - S_c$$

- धारा की दिशा में तथा धारा के विपरीत एक नाव की 1. चाल क्रमश: 21 किमी/घंटा तथा 9 किमी/घंटा है। धारा का वंग क्या है?
 - 4 किमी/घंटा
- (2) 5 किमी/घंटा
- (3) 6 किमी/घंटा
- (4) 6.5 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक तैराक धारा के विपरीत दिशा में तथा धारा की 2. दिशा में क्रमश: 6 किमी/घंटा तथा 14 किमी/घंटा गति सं तैरता है। स्थिर जल में तैराक की चाल कितनी है?
 - (1) 10 किमी/घंटा
- (2) 9.5 किमी/घंटा
- (3) 11 किमी/घंटा
- (4) 12 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं

- धारा के विपरीत एक नाव की चाल 2 किमी/घंटा है तथा शान्त जल में चाल 4 किमी/घंटा है। धारा का वेग क्या है?
 - (1) 3 किमी/घंटा
- (2) 3.5 किमी/घंटा
- (3) 2.5 किमी/घंटा
- (4) 1 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक नाविक का धारा की दिशा में वेग 15 किमी/घंटा है तथा धारा का वेग 1.5 किमी/घंटा है। धारा के विपरीत नाव का वेग क्या है?
 - 11 किमी/घंटा
- (2) 12 किमी/घंटा
- (3) 16.30 किमी/घंटा
- (4) 14.75 किमी/घंटा
- (5) उपर्युत्ता में से कोई नहीं

- एक नाव शान्त जल में 7 किमी/घंटा की गति से 5. चलती है तथा धारा के विपरीत उसकी गति 2.5 किमी/घंटा है। धारा की दिशा में इसकी गति क्या होगी?
 - 14.5 किमी/घंटा
- (2) 13 किमी/घंटा
- (3) 14 किमी/घंटा
- (4) 11.5 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- शान्त जल में एक नाव की गति 9 किमी/घंटा है तथा धारा का वेग 2.5 किमी/घंटा है। धारा के प्रतिकूल 9.1 किमी जाने में नाव को कितना समय लगेगा?
 - 1 घंटा 20 मिनट
 - (2) 1 घंटा 24 मिनट
 - (3) 1 घंटा 30 मिनट (4) 2 घण्टे 24 मिनट
 - (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक तैराक धारा की दिशा में 6 घण्टे में 36 किमी की दूरी तय करता है तथा धारा के प्रतिकृल 8 घण्टे में 40 किमी की दूरी तय करता है। तैराक की शान्त जल में गति क्या है?
 - 5.5 किमी/घंटा
- (2) 6 किमी/घंटा
- 7 किमी/घंटा
- (4) 11 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक व्यक्ति धारा के विपरीत 4 घण्टे में 16 किमी तथा 8 धारा की दिशा में 6 घण्टे में 36 किमी की दूरी तय करता है। धारा की गति क्या होगी?
 - 7.5 किमी/घंटा
- (2) 2.5 किमी/घंटा
- 1.5 किमी/घंटा
- (4) 3.5 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- यदि एक नाव धारा की विपरीत दिशा में 8 किमी की दूरी 4 घण्टे में तय करती है, जबकि धारा की गति 1.5 किमी/घंटा है, तो नाव की स्थिर जल में गित क्या होगी?
- (2) 6.5 किमी/घंटा
- (3) 3.5 किमी/घंटा
- (4) 2.5 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक नाव को P से Q बिन्दु के बीच धारा के प्रवाह की ओर जाने में तथा वापस Q से P की ओर प्रवाह के विपरीत आने में 3 घण्टे का समय लगता है। उसकी स्थिर जल में गति क्या होगी यदि नदी की धारा की गति 1 किमी/घंटा है तथा P और Q के बीच की दूरी 4 किमी है?

- 4.5 किमी/घंटा
- (2) 5.2 किमी/घंटा
- (3) 2.5 किमी/घंटा
- (4) 3 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- धारा की गति 5 किमी/घण्टा है। एक मोटरबोट 10 किमी धारा के विरूद्ध जाकर फिर वापस उसी स्थान पर 50 मिनट में पहुँचती है। मोटरबोट की गति स्थिर जल में है-
 - 20 किमी/घंटा
- (2) 25 किमी/घंटा
- (3) 28 किमी/घंटा
- (4) 30 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक नाव प्रवाह के विपरीत P से Q विन्दु तक और प्रवाह की दिशा में Q से P बिन्दु तक की दूरी 3 घण्टे में पूरी करती है। यदि स्थिर जल में नाव की गति 9 किमी/घण्टा हो और धारा की गति 3 किमी/घण्टा हो, तो P तथा Q के बीच की दूरी कितनी है?
 - 14 किमी
- (2) 8 किमी
- 12 किमी (3)
- (4) 6 किमी
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक व्यक्ति शान्त जलाशय में 5 किमी/घंटा की गति से नौका चला सकता है जब यही व्यक्ति एक नदी में जो 1.5 किमी/घंटा की तेजी से बहती है, नौका चलाता है, तो उसे एक स्थान तक जाकर वापस आने में एक घंटा समय लगता है। बताइए कि यह स्थान आरम्भ-बिन्दू से कितने किमी दूर है?
 - (1) 2.5 6 4 (2) 6.5 6 4
 - (3) 3.5 किमी
- (4) 2.275 किमी
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक नाव धारा की दिशा में 11 किमी/घंटा तथा धारा की विपरीत दिशा में 5 किमी/घंटा की गति से चलती है। स्थिर जल में नाव की चाल कितनी है?
 - (1) 5 किमी/घंटा
- (2) 6 किमी/घंटा
- (3) 8 किमी/घंटा
- (4) 9 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- एक नाव P स्थान से Q तक धारा के साथ जाने तथा धारा के विपरीत दिशा में Q से P तक वापस आने में 3 घण्टे का समय लेता है। यदि नाव की गति स्थिर पानी में 4 किमी/घंटा है, तो P और Q के बीच की दूरी क्या है?

- (1) 8 6 4 中
- (2) 6 किमी
- (3) 12 南 印
- (4) आँकड़े अपर्यापा हैं
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- 16. अंशु 3 घण्टे में जल की धारा के साथ 21 किमी जाता है तथा जल की धारा के विपरीत उतने ही समय में 15 किमी जाता है तो धारा की गति क्या है?
 - (1) 1 किमी/घंटा
- (2) 2 किमी/घंटा
- (3) 2.5 किमी/घंटा
 - (4) 4 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- 17. एक तैराक की स्थिर जल में चाल 9 1/3 किमी/घंटा है। नदी में एक विशेष दूरी को धारा के विरूद्ध तय करने में उसे धारा की दिशा में उतनी दूरी तय करने में लगे समय से तीन गुना समय लगता है। धारा का वेग क्या है?
 - (1) $3\frac{1}{3}$ किमी/घंटा (2) $3\frac{1}{9}$ किमी/घंटा
 - (3) $1\frac{1}{4}$ fahl/ π (4) $4\frac{2}{3}$ fahl/ π
 - (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं

- 18. एक नाविक कुछ दूरी नदी की धारा की दिशा मं 2 घण्टे में तय करता है तथा धारा की विपरीत दिशा में उतनी ही दूरी को तय करने में वह 3 घण्टे लेता है। यदि नदी का बहाय 4 किमी/घंटा है, तो शान्त जल में नाव की चाल है-
 - (1) 20 किमी/घंटा
- (2) 8 किमी/घंटा
- (3) 16 किमी/घंटा
- (4) 15 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- 19. एक नाव, एक बिन्दु से 6 किमी दूरी तक जाने तथा उसी बिन्दु तक वापस आने में 2 घण्टे लेती है। यदि धारा का गति 4 किमी/घंटा हो, तो शान्त जल में नाव की चाल क्या होगी?
 - (1) 6.5 किमी/घंटा
- (2) 7.5 किमी/घंटा
- (3) 8 किमी/घंटा
- (4) 8.5 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं
- 20. एक नाव धारा के प्रतिकूल 12 किमी तथा धारा की दिशा में 18 किमी दूरी तय करने में कुल 3 घण्टे लेती है। यही नाव धारा के प्रतिकूल 36 किमी तथा धारा की

दिशा में 24 किमी दूरी तय करने में कुल $6\frac{1}{2}$ घण्टे लेती है। धारा का गति क्या है?

- (1) 1.5 किमी/घंटा
- (2) 1 किमी/घंटा
- (3) 2 किमी/घंटा
- (4) 2.5 किमी/घंटा
- (5) उपर्युक्त में से कोई नहीं

व्याख्या सहित उत्तर-

- थारा के अनुकृल नाव की गति (x) = 21 किमी०/घंटा एवं धारा के विपरीत नाव की गति (y) = 9 किमी॰/
 - ं धारा की गति $(S_c) = \frac{1}{2}(x y)$

$$=\frac{1}{2}$$
×(21-9) $=\frac{12}{2}$ = 6 किमी॰/घंटा

सीधा सूत्र:-

$$x = 21$$
किमी \circ /घंटा

$$y = 9$$
 किमी०/घंटा

$$S_c = \frac{1}{2} \times (21 - 9) = 6$$
 किमी॰/घंटा

- शांत जल में नाव की गति = 14 किमी०/घंटा एवं धारा के विपरीत तैराक की गति = 6 किमी०/घंटा
 - शांत जल में तैराक की गृति

$$=\frac{1}{2}(14+6)=\frac{20}{2}=10$$
 किमी \circ /घंटा

सीधा सूत्र:-

$$x = 14$$
 किमी \circ /घंटा

$$y = 6$$
 किमी \circ /घंटा

$$S_c = \frac{1}{2} \times (14 + 6) = 10$$
 किमी॰/घंटा

3.5; शांत जल में नाव की गति = 4 किमी०/घंटा एवं धारा के विपरीत तैराक की गति = 2 किमी०/घंटा

$$\therefore 4 = \frac{1}{2} (2 + धारा के सदिश नाव की गति)$$

∴ धारा की गति =
$$\frac{1}{2}$$
 (6 - 2) = 2 किमी॰/घंटा

सीधा सूत्र :-

$$S_b = 4$$
 किमी $0/$ घंटा

$$y = 2$$
 किमी॰/घंटा

$$u^c = S_b - S_b$$

$$y = S_b - S_c$$

या, $S_c = S_b - y = 4 - 2 = 2$ किमी॰/घंटा

4.2; माना कि धारा के विपरीत नाविक की गति a किमी०/घंटा है।

तो,
$$\frac{1}{2}$$
 (15 - a) = 1.5

$$S_c = 1.5 \text{ किमी} \circ / घंटा$$
 $y = ?$

$$y = ?$$

$$S_c = \frac{1}{2} (x - y)$$

$$\Rightarrow 1.5 \times 2 = 15 - y$$

- - = 1/2 (धारा के सदिश नाव की गति + धारा के विपरीत नाव की गति।

$$\therefore 7 = \frac{1}{2}(x+2.5)$$

सीघा सूत्र:-

$$y'' = 2.5 \text{ किमी} \circ / घंटा$$

$$x = ?$$

$$S_b = \frac{1}{2} (x + y)$$

$$\Rightarrow$$
 7 × 2 = x + 2.5

धारा के विपरीत नाव की गति 6.2;

$$= S_b - S_c$$

धारा के विपरीत नाव को 9.1 किमी॰ जाने में लगा

समय =
$$\left(\pi \pi a = \frac{\zeta \eta}{\eta \eta} \right)$$

र्9.1 =
$$\frac{7}{6.5}$$
 = $\frac{7}{5}$ ⇒ 1 घंटे 24 मिनट

सीघा सूत्र :-

$$y = S_b - S_c = (9 - 2.5) = 6.5$$
 किमो॰/घंटा

∴ अपेक्षित समय =
$$\frac{9.1 \, \mathrm{fm} \, \mathrm{He}}{6.5 \, \mathrm{fm} \, \mathrm{He} \, / \, \mathrm{He}}$$

$$=\frac{7}{5}$$
ਬੰਟੇ = 1 ਬੰਟੇ 24 ਸਿਜਟ

=
$$\frac{36}{6}$$
 = 6 किमी % घंटा

एवं धारा के विपरीत तैराक की गति $(y) = \frac{40}{8}$ = 5 किमी $^{\circ}$ /घंटा

=
$$\frac{1}{2}$$
 (6+ 5)= 5.5 किमी॰/घंटा

सीधा सूत्र :-

D=6 घंटे में 36 कि॰मी॰ (सदिश दिशा में) =8 घंटे में 40 कि॰मी॰ (विपरीत दिशा में)

$$x = \frac{36}{6} = 6 \text{ farHe/ घंटा}$$

$$y = \frac{40}{8} = 5 \text{ farmon fair }$$

$$S_b = \frac{x+y}{2} = 5.5$$
 किमी॰/घंटा

8.5; धारा के विपरीत व्यक्ति की गति =
$$\frac{16}{4}$$
 = 4 किमी \circ / घंटा

एवं धारा के सदिश व्यक्ति की गति = $\frac{.50}{6}$ = 6 किमी॰/घंटा

: धारा की गति =
$$\frac{1}{2}(x-y)$$

= $\frac{1}{2}(6-4) = 1$ किमी॰/घंटा

$$y = \frac{16 \text{ fmo Hlo}}{4 \text{ siz}} = 4 \text{ fm Hlo}/\text{siz}$$

$$x = \frac{36 \text{ fa} \circ \text{मी} \circ}{6 \text{ fd} \dot{z}} = 6 \text{ fa} \text{ fa} / \text{ fd} z$$

$$S_e = \frac{1}{2}(x-y) = 1$$
 किमी $e/$ घंटा

9.3; धारा के विपरीत नाव की गति

$$y = \frac{8 \text{ faorllo}}{4 \text{ siz}} = 2 \text{ farrlo/siz}$$

$$S_s = 1.5$$
 किमी $o/$ घंटा, $S_s = ?$

$$y = S_b - S_c \implies S_b = y + S_c = 2 + 1.5$$

 $S_b = 3.5$ किमीo/घंटा

10.4; माना कि शांत जल में नाव की गति x किमी०/षंठ है।
 ∴ धारा के सदिश नाव की गति = (x + 1) किमी०/षंठ

धारा क सादश नाव का गात = (x + 1) किमा०/ष्य एवं धारा के विपरीत नाव की गति = (x - 1) किमो०/ष्य

$$\therefore \quad \frac{4}{x+1} + \frac{4}{x-1} = 3 \text{ } \overrightarrow{4} \overrightarrow{2}$$

(क्योंकि समय =
$$\frac{दूरी}{चाल}$$
)

[नोट:- जल्द उत्तर प्राप्त करने हेतु दिए गए विकल्पें को जाचें]

$$\frac{4(x+1+x-1)}{(x+1)(x-1)}=3$$

या,
$$8x = 3x^2 - 3$$

$$\pi, \quad 3x^2 - 8x - 3 = 0$$

या,
$$3x^2 - 9x + x - 3 = 0$$

या,
$$(x-3)(3x+1)=0$$

x=3या, $-\frac{1}{3}$ (गति ऋणात्मक नहीं हो सकती)

अत:, शांत जल में नाव की गति 3 कि॰मी॰/घंटा है।

$$\therefore \frac{10}{x+5} + \frac{10}{x-5} = \frac{50}{60}$$
 घंटा

[नोट:- जल्द उत्तर प्राप्त करने हेतु दिए गए विकल्पों जाँचे लें।]

या,
$$\frac{10(x-5+x+5)}{(x+5)(x-5)} = \frac{5}{6}$$

या,
$$20x \times 6 = 5(x^2-25)$$

$$\Rightarrow 5x^2 - 125 = 120x$$

$$\Rightarrow 5 (x^2 - 25) = 5 (24x)$$

$$\Rightarrow x^2 - 25 - 24x = 0$$

$$\sqrt{41}$$
, $x^2 - 24x - 25 = 0$

या.
$$x^2 - 25x + x - 25 = 0$$

या,
$$(x-25)(x+1)=0$$

अत:, x के ऋणात्मक मान को हटा दें।

12.3; P एवं Q के बीच की दूरी

$$=\frac{t(u^2-v^2)}{2u}=\frac{3\times(9^2-3^2)}{18}=12$$
 कि॰मी॰

12.3; अन्य विधि:-

$$\frac{D}{(9+3)} + \frac{D}{(9-3)} = 3$$

$$\frac{D}{12} + \frac{D}{6} = 3$$

$$\therefore D = \frac{3 \times 12 \times 6}{(6+12)} = 12 कि॰मी॰$$

$$\therefore \frac{x}{6.5} + \frac{x}{3.5} = 1$$

$$x = \frac{22.75}{10} = 2.275$$
 कि॰मी॰

14.3; धारा के सदिश नाव की गति x=11कि॰मी॰/घंटा एवं धारा के विपरीत नाव की गति = y = 5 कि॰मी॰/घंटा

∴ शांत जल में नाव की गति =
$$\frac{1}{2}(x+y)$$

$$=\frac{1}{2}(11+5)$$

$$S_b = \frac{16}{2} = 8$$
 कि॰मी॰/घंटा

15.4; माना कि P से Q की दूरी x कि॰मी॰ एवं धारा की गति y कि॰मी॰/घंटा है।

$$\therefore \frac{x}{4+y} + \frac{x}{4-y} = 3$$

∴ चूंकि समीकरण एक ही है परन्तु अज्ञात (x एवं y)
दो है, अत:, आकड़े अपर्याप्त है।

16.5; धारा के सदिश अंशु की गति =
$$\frac{21}{3}$$

= 7 कि॰मी॰/घंटा

एवं धारा के विपरीत अंशु की गति =
$$\frac{15}{3}$$

= 5 कि॰मी॰/घंटा

धारा की गति =
$$\frac{1}{2}$$
 (7 - 5)

17.4;
$$S_{s} = \frac{28}{3}$$
 किमी $o/$ घंटा
$$\frac{\text{विषरीत दिशा में लगा समय}}{\text{सदिश में लगा समय}} = \frac{3}{1}$$

$$\frac{\text{विषरीत दिशा में गिति}}{\text{सदिश गिति में}} = \frac{1}{3} = \frac{y}{x}$$

$$\left(\because t \propto \frac{1}{s}\right)$$

$$x = 3k, y = k \text{ खं}$$

$$S_{s} = \frac{1}{2}(x + y) = 2k = \frac{28}{3}$$

$$\Rightarrow k = \frac{14}{3}$$

अतः, x = 14 किमी०/घंटा , $y = \frac{14}{3}$ किमी०/घंटा

$$S_c = \frac{1}{2} [x - y] = \frac{1}{2} \left[14 - \frac{14}{3} \right]$$

$$= \frac{1}{2} \times 14 \times \frac{2}{3} = \frac{14}{3} \text{ fahlo/vici}$$

$$= 4\frac{2}{3} \text{ fahlo/vici}$$

17.4; अन्य विधि:-

धारा के दिशा के अनुकूल विपरीत दिशा में समय 1 : 3 गित 3 : 1 अब, शांत जल में धारा की गित नाव की गित : $\frac{(3+1)}{2} : \frac{(3-1)}{2}$

$$\begin{array}{ccc} \frac{(3+1)}{2} & : & \frac{(3-1)}{2} \\ 2 & : & 1 \\ \downarrow & & \downarrow \\ \frac{28}{3} & : & \frac{28}{3} \times \frac{1}{2} \end{array}$$

 \therefore धारा की गति = $\frac{14}{3}$ = $4\frac{2}{3}$ किमी \circ /घंटा

18;1
$$S_c = 4$$
 किमी॰/घंटा, $S_b = ?$
 $D = 2 \times x$
 $D = 3y$
 $\Rightarrow 2x = 3y$

$$\Rightarrow x = \frac{3}{2}y$$
अब, $S_b = \frac{1}{2}(x + y)$

$$= \frac{1}{2} \left[\frac{3}{2}y + y \right] = \frac{5}{4}y$$
 $S_c = \frac{1}{2} \left[\frac{3}{2}y - y \right] = \frac{y}{4}$

$$\Rightarrow y = 4S_c = 16$$
 किमी॰/घंटा
 $S_b = 20$ किमी॰/घंटा

18.1; अन्य विधि :-

$$19.3; \quad \left[\frac{6}{y} + \frac{6}{x}\right] = 2$$

Sc = 4 किमी॰/घंटा

$$\frac{6}{S_b + 4} + \frac{6}{S_b - 4} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{S_b - 4 + S_b + 4}{S_b^2 - 16} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

∴ S_s = 20 किमी०/घंटा

$$\Rightarrow 2S_b \times 3 = S_b^2 - 16$$

$$\Rightarrow S_b^2 - 6S_b - 16$$

$$\Rightarrow S_b^2 - 8S_b + 2S_b - 16 = 0$$

$$\Rightarrow (S_b - 8) (S_b + 2) = 0$$

$$\Rightarrow S_b = 8 \text{ far Ho}/\text{ घंटा}(चूं far S_b = -2 संभव नहीं है।)}$$

20.3;
$$\frac{12}{y} + \frac{18}{x} = 3$$
 ____(i)

$$\frac{36}{y} + \frac{24}{x} = \frac{13}{2}$$
 (ii)

(i) एवं (ii) की तुलना हेत्.

$$\frac{36}{y} + \frac{54}{x} = 9$$
 ____(iii)

$$\frac{36}{y} + \frac{24}{x} = \frac{13}{2}$$
 (iv)

$$\frac{30}{x} = 9 - \frac{13}{2} = \frac{5}{2}$$

अब, x के मान को समीकरण (i) में रखने पर, हम पाते हैं y = 8 किमी॰/घंटा

$$S_c = \frac{12 - 8}{2} = 2$$
 किमी $\frac{12 - 8}{2}$